



Se observa que el reloj marca la 1:00 p.m. Curiosamente, justo en el número 7 se encuentra una hormiga. Si esta permanece estática 2 horas, ¿con qué ángulo de elevación la hormiga observa la punta del horario? Argumenta.



- A)  $45^\circ$
- D)  $60^\circ$

- B)  $30^\circ$
- E)  $8^\circ$

- C)  $15^\circ$

Una persona de 2 m de altura observa la parte más alta de una torre con un ángulo de elevación de  $30^\circ$ .  
¿A qué distancia de la base de la torre se encuentra si esta mide 82 m?

Desde lo alto de una torre de 30 m se divisan dos objetos en tierra a 10 m y 30 m de su base con ciertos ángulos de depresión, a un mismo lado de él. ¿Cuál es la medida del ángulo formado por las visuales trazadas?

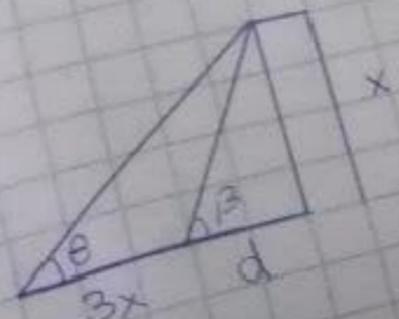
Una hormiga observa la punta de un mástil con un ángulo de elevación  $\theta$ , se acerca una distancia  $D$  en dirección al mástil y observa el mismo punto anterior con un ángulo de elevación  $\beta$ . Encuentra la altura del mástil.

Desde un punto en tierra divisamos lo alto de un edificio con un ángulo de elevación  $\phi$ . Nos acercamos una distancia igual al triple de la altura del edificio siendo el nuevo ángulo de elevación  $\beta$ . Calcula:  $E = \cot\phi - \cot\beta$

Trabajo grupal - Ángulos verticales

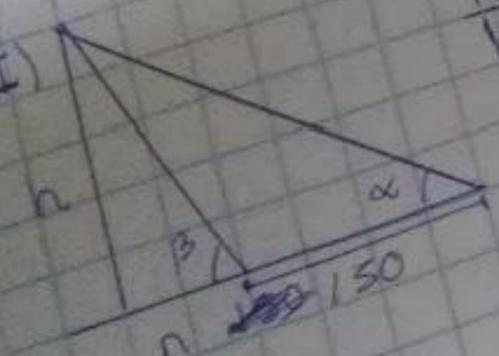
$E = \cot\theta - \cot\beta$

I)



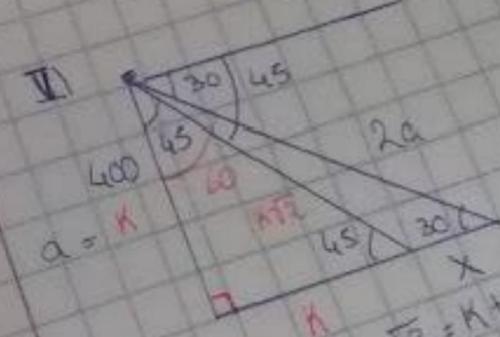
$\frac{3x+d}{x} - \frac{d}{x} = 3$

II)



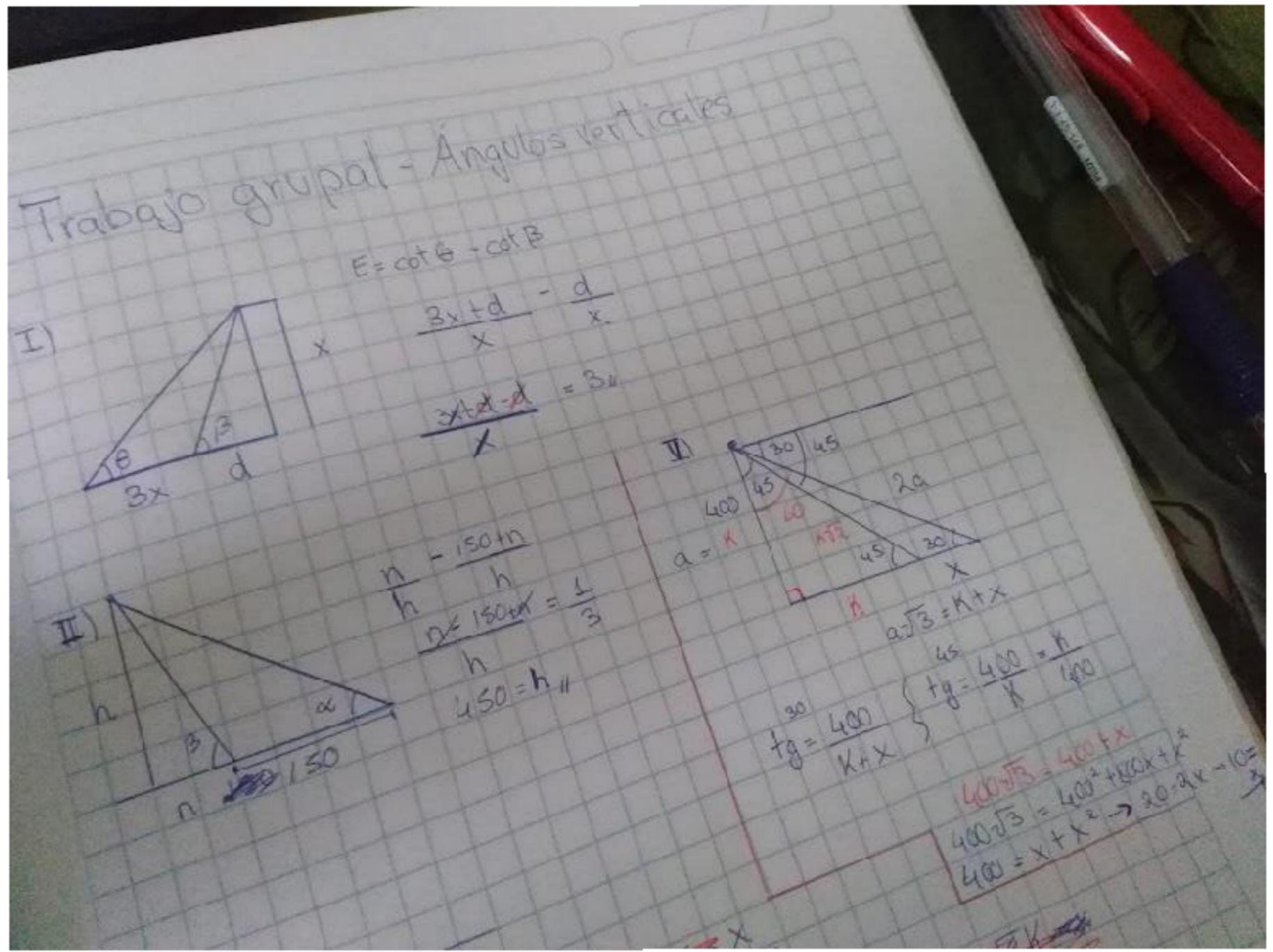
$\frac{n}{h} = \frac{150+n}{h}$   
 $\frac{150}{h} = \frac{1}{3}$   
 $450 = h$

III)



$\frac{400}{K+X} = \frac{400}{K}$   
 $400\sqrt{3} = 400 + X$   
 $400\sqrt{3} = 400^2 + 800X + X^2$   
 $400 = X + X^2 \rightarrow 20 = 2X \rightarrow X = 10$

Desde un punto ubicado a 150 m del inicio de un camino inclinado un ángulo  $\beta$  respecto a la horizontal, se ve su parte más alta con un ángulo de elevación  $\alpha$ . Si:  $\cot\alpha - \cot\beta = 1/3$ , ¿qué altura tiene el camino?



Desde un helicóptero que se encuentra a  $30\sqrt{3}$  m, sobre el nivel del mar; los ángulos de depresión de dos botes que están situados en la dirección sur del observador son de  $15^\circ$  y  $75^\circ$ . Halla la distancia que separa a los dos botes.

II)

$30\sqrt{3}$   
 $15^\circ$   
 $75^\circ$   
 $x$   
 $(\sqrt{6} - \sqrt{2})K$

$(\sqrt{6} - \sqrt{2})K + x = (\sqrt{6} + \sqrt{2})K$   
 $x = \sqrt{6} + \sqrt{2} - \sqrt{6} + \sqrt{2}$   
 $x = 2\sqrt{2}$

$30\sqrt{3} = (\sqrt{6} + \sqrt{2})K$

III)

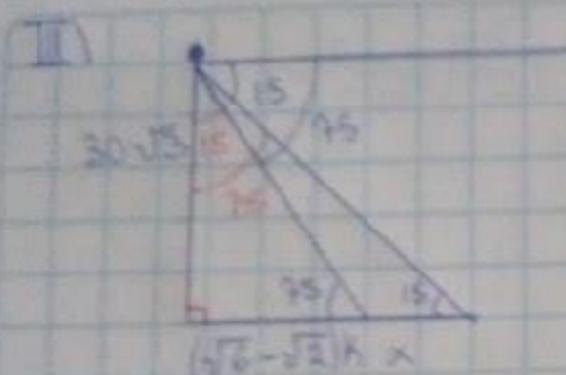
$300$   
 $30^\circ$   
 $x$   
 $300 - x = K$   
 $300$  m

$K\sqrt{3} \rightarrow 300 - x\sqrt{3}$

$90000 - 300x = 90000 + 600x + x^2$   
 $300x = x^2$   
 $100 = x$

Desde un punto situado a 300 m; de la base de una torre, se observa la parte más alta de esta con un ángulo de elevación de  $30^\circ$ . ¿Cuánto debe acercarse a la torre en línea recta para que al observar la parte superior de esta lo haga con un ángulo de elevación de  $60^\circ$ ?

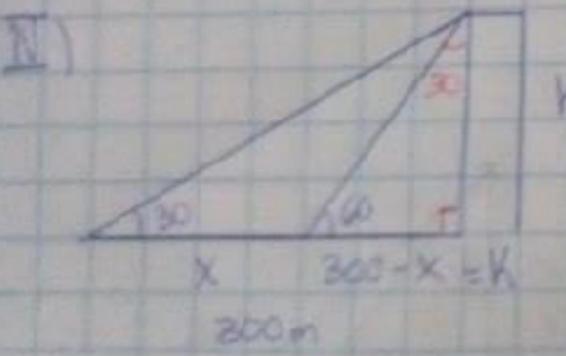
II)



$(\sqrt{6} - \sqrt{2})(k+x) = (\sqrt{6} + \sqrt{2})k$   
 $x = \frac{\sqrt{6} + \sqrt{2} - \sqrt{6} + \sqrt{2}}{\sqrt{6} - \sqrt{2}}$   
 $x = 2\sqrt{2}$

$20\sqrt{3} = (\sqrt{6} + \sqrt{2})k$

III)



$k\sqrt{3} \rightarrow 300 - x\sqrt{3}$

$90000 - 300x = 90000 + 600x + x^2$   
 $300x = x^2$   
 $100x = x^2$   
 $100 = x$

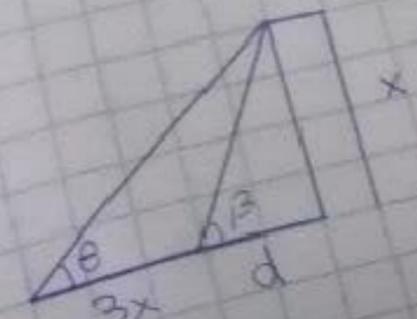
$\frac{300 - x}{(300 - x)\sqrt{3}} = \frac{(300 - x)\sqrt{3}}{300}$

Desde un avión se puede ver dos botes con ángulos de depresión de  $45^\circ$  y  $30^\circ$ ; si el avión está a 400 m sobre el nivel del mar, halla la distancia entre los botes

Trabajo grupal - Ángulos verticales

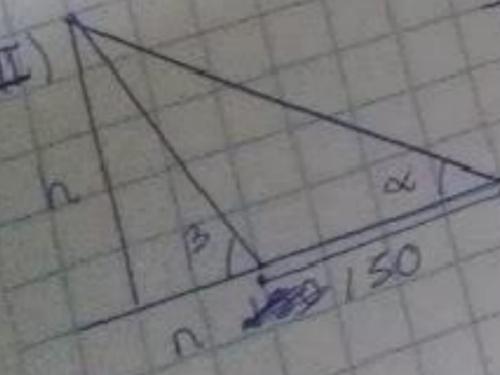
$E = \cot \theta - \cot \beta$

I)



$$\frac{3x+d}{x} - \frac{d}{x} = 3$$

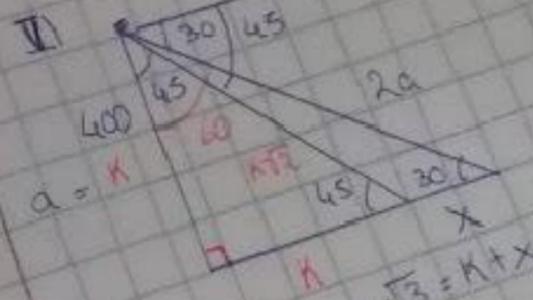
II)



$$\frac{h}{150} = \frac{1}{3}$$

$$450 = h$$

III)



$$\tan 45 = \frac{400}{k}$$

$$\tan 30 = \frac{400}{k+x}$$

$$k = 400$$

$$400\sqrt{3} = 400 + x$$

$$400\sqrt{3} - 400 = 400 + x - 400$$

$$400(\sqrt{3} - 1) = x$$

$$x = 400(\sqrt{3} - 1)$$